# uc3m Universidad Carlos III de Madrid

### Ampliación de Matemáticas

Curso Académico: (2019 / 2020) Fecha de revisión: 19-03-2019

Departamento asignado a la asignatura: Departamento de Matemáticas

Coordinador/a: MOLINA MEYER, MARCELA Tipo: Formación Básica Créditos ECTS : 6.0

Curso: 2 Cuatrimestre: 1

Rama de Conocimiento: Ingeniería y Arquitectura

#### REQUISITOS (ASIGNATURAS O MATERIAS CUYO CONOCIMIENTO SE PRESUPONE)

Cálculo I, Cálculo II y Álgebra Lineal.

#### **OBJETIVOS**

El estudiante deberá familiarizarse con las técnicas más importantes de las funciones de variable compleja. En concreto debe entender y manejar los siguientes conceptos básicos:

- 1. Funciones elementales de variable compleja.
- 2. Integración en el plano complejo.
- 3. Desarrollos en series de potencias.
- 4. Aplicaciones del teorema de los residuos.

La asignatura se complementa con algunos temas básicos de las ecuaciones diferenciales ordinarias:

- 1. Resolución de ecuaciones diferenciales de 1er. orden.
- 2. Resolución de ecuaciones diferenciales lineales de orden superior.
- Uso de la transformada de Laplace para resolver ecuaciones y sistemas lineales con coeficientes constantes.

## DESCRIPCIÓN DE CONTENIDOS: PROGRAMA

1. FUNCIONES DE UNA VARIABLE COMPLEJA:

Números complejos.

Funciones analíticas.

Ecuaciones de Cauchy-Riemann.

Funciones armónicas.

Series de potencias y funciones elementales.

Integración compleja.

Teorema de Cauchy y aplicaciones.

Series de Laurent y cálculo de residuos.

Teorema de los residuos y aplicaciones.

#### 2. ECUACIONES DIFERENCIALES ORDINARIAS:

Problemas de valores iniciales y de contorno.

Existencia y unicidad.

Métodos elementales de resolución.

Ecuaciones y sistemas lineales.

Transformada de Laplace y aplicaciones.

#### ACTIVIDADES FORMATIVAS. METODOLOGÍA A UTILIZAR Y RÉGIMEN DE TUTORÍAS

La metodología docente incluirá:

- CLASES MAGISTRALES, donde se presentarán los conocimientos que los alumnos deben adquirir. Para facilitar su desarrollo los alumnos recibirán las notas de clase y tendrán textos básicos de referencia que les faciliten seguir las clases y desarrollar el trabajo posterior.
- 2. RESOLUCIÓN DE EJERCICIOS por parte del alumno que servirá de autoevaluación y para adquirir las capacidades necesarias.

- 3. CLASES DE PROBLEMAS, en las que se desarrollen y discutan los problemas que se proponen.
- 4. EVALUACIONES PARCIALES.
- 5. EXAMEN FINAL.
- 6. TUTORÍAS.

#### SISTEMA DE EVALUACIÓN

La evaluación se basará en los siguientes criterios:

- Controles parciales de evaluación (40%).
- Examen final (60%).

Peso porcentual del Examen Final:

Peso porcentual del resto de la evaluación:

40

#### **BIBLIOGRAFÍA BÁSICA**

- LEVINSON, N., REDHEFFER, R. M. Curso de Variable Compleja, Ed. Reverté, Madrid, 2003
- PESTANA, D., RODRÍGUEZ, J. M. Y MARCELLÁN, F. Curso práctico de variable compleja y teoría de transformadas, Pearson Educación, S. A., 2014
- SIMMONS, G.F. y KRANTZ, S.G. Ecuaciones Diferenciales, Teoría, técnica y práctica, Ed. McGraw-Hill, México, 2007

#### BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA

- EDWARDS, C. H. Jr., PENNEY, D. E. Ecuaciones Diferenciales Elementales y Problemas con Condiciones en la Frontera, tercera edición, Ed. Prentice Hall México, 1993
- MARCELLÁN, F., CASASÚS, L. y ZARZO, A. Ecuaciones Diferenciales, Problemas de Contorno y Aplicaciones , Ed. McGraw-Hill, Madrid , 1990
- NAGLE, R.K. y SAFF, E.B. Fundamentos de ecuaciones diferenciales, segunda edición, Ed. Addison-Wesley, 1992
- PESTANA, D., RODRÍGUEZ, J. M., MARCELLÁN, F. Variable compleja, un curso práctico, Editorial Síntesis, 1999
- SPIEGEL, M.R. Variable compleja, Ed. McGraw-Hill, México, 1971
- VOLKOVYSKII, L.I., LUNTS, G.L. y ARAMANOVICH, I.G. A collection of problems in complex analysis, Ed. Dover, N.Y., U.S.A., 1991
- WUNSCH, A. D. Variable Compleja con Aplicaciones, segunda edición, Ed. Pearson Educación, México, 1999
- ZILL, D. G. Ecuaciones Diferenciales con Aplicaciones de Modelado, sexta edición, Thomson Editores, México, 1997

#### RECURSOS ELECTRÓNICOS BÁSICOS

- Herbert Gross . Complex Variables, Differential Equations and Linear Algebra: https://ocw.mit.edu/resources/res-18-008-calculus-revisited-complex-variables-differential-equations-and-linear-algebra-fall-2011/part-i/